

SOLUÇÕES

1.1. Quando os pontos B e E coincidem o valor de x é 4. Se B e E coincidem obtém-se o triângulo $[BCD]$ e a sua área é 12 (de acordo com o gráfico da Figura 2). $A_{[BCD]} = 12 \Leftrightarrow \frac{\overline{BC} \times \overline{CD}}{2} = 12 \Leftrightarrow \frac{4 \times \overline{CD}}{2} = 12 \Leftrightarrow \overline{CD} = 6$.

Como $\overline{AB} = \overline{CD}$ então $\overline{AB} = 6$. 1.2. $k = 12 \div 4 = 3$; $A = 3x$ (função de proporcionalidade direta).

2. (D). Nota: $n^2 \div \left(\frac{1}{n^4}\right)^3 = n^2 \div (n^{-4})^3 = n^2 \div n^{-12} = n^{2-(-12)} = n^{14} = (n^2)^7 = (n^{-2})^{-7} = \left(\frac{1}{n^2}\right)^{-7} = a^{-7} = \frac{1}{a^7}$

3. (C). Nota: $A(x, f(x))$ ou seja $A(x, 2x^2)$. $P_{\square} = \overline{OC} + 2\overline{CA} = 2 \times x + 2 \times 2x^2 = 4x^2 + 2x$.

4.1. $A_{\text{Sombreado}} = A_{[DHG]} + A_{[EBFG]} = \frac{\overline{DH} \times \overline{HG}}{2} + x \times 2x = \frac{(8-x)(12-x)}{2} + 2x^2 = x^2 - 16x + 48 + 2x^2 = 3x^2 - 16x + 48$.

4.2. $S = \left\{2; \frac{10}{3}\right\}$. Nota: $A_{\text{Sombreado}} = 28 \Leftrightarrow 3x^2 - 16x + 48 = 28 \Leftrightarrow 3x^2 - 16x + 48 - 28 = 0 \Leftrightarrow 3x^2 - 16x + 20 = 0$

$\Leftrightarrow x = \frac{16 \pm \sqrt{16^2 - 4 \times 3 \times 20}}{2 \times 3} \Leftrightarrow x = 2 \vee x = \frac{10}{3}$. 5. (D). Nota: $\frac{A_{[ABCDEF]}}{A_{[GHICJK]}} = r^2 \Leftrightarrow \frac{36A}{A} = r^2 \Leftrightarrow 36 = r^2 \Rightarrow r = 6$

6. $d \in \left] -\infty; \frac{37}{4} \right[$. Nota: $(3-2x)(3+2x) - d = -2x \Leftrightarrow 9 - 4x^2 - d = -2x \Leftrightarrow -4x^2 + 2x + 9 - d = 0$. Para esta equação ter duas soluções reais distintas o binómio discriminante tem de ser positivo, ou seja, $\Delta > 0$
 $\Leftrightarrow (-2)^2 - 4 \times (-4) \times (9-d) > 0 \Leftrightarrow 4 + 16 \times (9-d) > 0 \Leftrightarrow 4 + 144 - 16d > 0 \Leftrightarrow -16d > -148 \Leftrightarrow d < \frac{148}{16} \Leftrightarrow d < \frac{37}{4}$

7.1. $a = 9,6 \text{ m}$. Nota: $A_b = A_o = 36\pi \text{ cm}^2$; $V_{\text{Sólido}} = 384\pi \Leftrightarrow V_{\text{Cilindro}} + V_{\text{Cone}} = 384\pi \Leftrightarrow 36\pi a + \frac{1}{3}36\pi \times \frac{a}{3} = 384\pi$
 $\Leftrightarrow 36\pi a + 4\pi a = 384\pi \Leftrightarrow a = \frac{384\pi}{40\pi} \Leftrightarrow a = 9,6$. 7.2. $R(O; 225^\circ)$ ou $R(O; -135^\circ)$.

7.3. A amplitude do ângulo FOG é 45° ($360^\circ \div 8 = 45^\circ$). Então a amplitude do ângulo FOH é 90° . O triângulo FOH é retângulo em O . Deste modo, usando o Teorema de Pitágoras podemos concluir que:
 $\overline{FH}^2 = \overline{FO}^2 + \overline{OH}^2 \Leftrightarrow 8^2 = r^2 + r^2 \Leftrightarrow 64 = 2r^2 \Leftrightarrow r^2 = 32 \Rightarrow r = \sqrt{32} (r > 0)$. $P_o = 2\pi r = 2\sqrt{32}\pi$.

8. 144 horas. Nota: As variáveis N e H são inversamente proporcionais.

Deste modo, $18 \times x = 24(x-2) \Leftrightarrow 18x = 24x - 48 \Leftrightarrow -6x = -48 \Leftrightarrow x = 8$.

$k = n^\circ \text{ horas trabalho} = 8 \times 18 = 144$ horas.

N (Nº de voluntários)	18	24
H (Nº de horas por voluntário)	x	$x-2$

9.1. $A(3,9)$. Nota: O ponto A é um dos pontos de interseção das duas funções, ou seja, neste ponto as duas funções

são iguais, isto é, $f(x) = g(x) \Leftrightarrow x^2 = \frac{5}{3}x + 4 \Leftrightarrow 3x^2 - 5x - 12 = 0 \Leftrightarrow x = \frac{5 \pm \sqrt{(-5)^2 - 4 \times 3 \times (-12)}}{2 \times 3}$

$\Leftrightarrow x = 3 \vee x = -\frac{4}{3}$. Como a abcissa de A é positiva, $x = 3$ e $y = f(3) = 3^2 = 9$, logo $A(3,9)$.

9.2. $A_{[AOB]} = \frac{\overline{OB} \times h}{2} = \frac{4 \times 3}{2} = 6$. Nota: $C(0,4) \rightarrow$ ordenada na origem, logo $\overline{OB} = 4$ e $h_a = 3$ (abcissa do ponto A).

10. $x \rightarrow$ número de bilhetes de cadeira de orquestra; $y \rightarrow$ número de cadeiras de 2.ª plateia

$\begin{cases} 20x + 12y = 200 \\ x = y + 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 20(y+2) + 12y = 200 \\ x = y + 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 5 \\ x = 7 \end{cases}$. Sentaram-se 5 amigos na 2.ª plateia. 11. Há 6 maneiras

diferentes de organizar a visita. Nota: como já se sabe que a visita começa na Torre Vasco da Gama e termina no Oceanário, só falta saber de quantas formas diferentes pode organizar a visita dos restantes três pavilhões. Assim, temos: $PN PP PA$; $PN PA PP$; $PP PN PA$; $PP PA PN$; $PA PP PN$; $PA PN PP$.